

Ю. И. Шевченко (Калининград)

СПЕЦИАЛЬНЫЙ ЛИНЕЙНЫЙ И ПРОЕКТИВНЫЙ АНАЛИТИЧЕСКИЕ АППАРАТЫ ПРОЕКТИВНОГО ПРОСТРАНСТВА

Отнесем проективное пространство P_n к подвижному реперу $\{A_\Gamma\}(\Gamma, J, K=0, \dots, n)$. Деривационные формулы имеют вид: $dA_\Gamma = \omega_\Gamma^J A_J$, где d — знак обычного дифференцирования. Продифференцируем эти формулы внешним образом, используя полноту дифференциалов $dA_\Gamma: D(dA_\Gamma)=0$, где D — символ внешнего дифференцирования. Получим структурные уравнения $D\omega_\Gamma^J = \omega_\Gamma^K \wedge \omega_K^J$ линейной группы $GL(n+1)$, действующей неэффективно в пространстве P_n . Из группы $GL(n+1)$ выделяется эффективно действующая специальная линейная группа $SGL(n+1)$ с помощью равенства $\omega_\Gamma^I=0$, называемого условием эквипроективности (по существу, условием проективности). Этот специальный линейный аппарат не всегда удобен: а) проективное пространство P_n является обобщением аффинного пространства \dot{A}_n , но структурные уравнения действующей в пространстве \dot{A}_n аффинной группы $GA(n)$ непосредственно не вытекают из уравнений группы $SGL(n+1)$; б) при ограничении специального линейного аппарата пространства P_n на подпространство P_m получается общий линейный аппарат, иначе говоря, когда в пространстве P_n действует группа $SGL(n+1)$, в подпространстве P_m действует группа $GL(m+1)$. Проективный аналитический аппарат, лишенный указанных недостатков, строится с помощью базисных форм $\theta_J^I = \omega_J^I - \delta_J^I \omega_0^0$ проективной группы $GP(n)$, изоморфной группе $SGL(n+1)$. Выделяя значение 0 индекса $\Gamma=\{0, I\}$ ($I, J, K=1, \dots, n$) и опуская его у форм θ_0^I, θ_J^0 , из структурных уравнений группы $GL(n+1)$ найдем уравнения группы $GP(n)$ $D\theta^I = \theta^J \wedge \theta_J^I$, $D\theta_J^I = \theta_K^I \wedge \theta_K^J + \theta^K \wedge (-\delta_K^I \theta_J^K - \delta_K^J \theta_I^K)$, $D\theta_I = \theta_J^I \wedge \theta_J$. Этот аппарат подходит для описания расслоений над пространством P_n , например, справедлива

Теорема. *Проективное пространство P_n , рассматриваемое как:*
1) *пространство точек, является голономным гладким (точнее, центропроективным или коаффинным многообразием);* 2) *пространство гиперплоскостей, является голономным гладким (точнее, аффинным) многообразием.*